

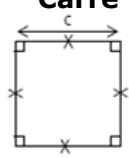
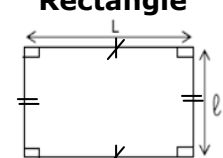
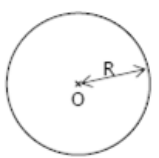
**Chapitre n°7**  
**GRANDEURS ET MESURES DE L'ESPACE**

**I. Périmètres et aires de figures planes**

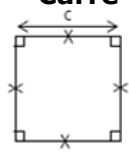
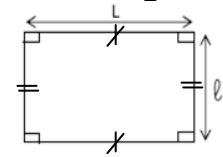
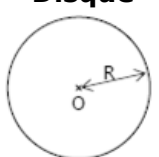
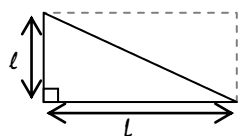
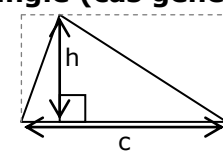
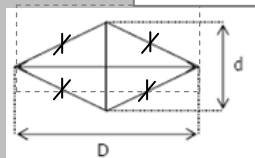
Définitions Le **périmètre** d'une figure est la longueur de son contour.  
L'**aire** d'une figure est la surface comprise à l'intérieur de cette figure.

Formulaires (à connaître par coeur, sauf pour le losange) :

**Périmètres de figures planes**

<p><b>Carré</b></p>  <p>Périmètre = <math>4 \times c</math></p>	<p><b>Rectangle</b></p>  <p>Périmètre = <math>2 \times (L + l)</math></p>	<p><b>Cercle</b></p>  <p>Périmètre = <math>2 \times \pi \times R</math></p>
--	--	--

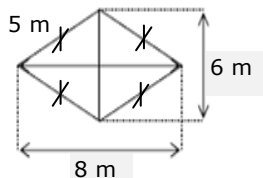
**Aires de figures planes**

<p><b>Carré</b></p>  <p>Aire = <math>c \times c</math></p>	<p><b>Rectangle</b></p>  <p>Aire = <math>L \times l</math></p>	<p><b>Disque</b></p>  <p>Aire = <math>\pi \times R \times R</math></p>
<p><b>Triangle rectangle</b></p>  <p>Aire = <math>\frac{L \times l}{2}</math></p>	<p><b>Triangle (cas général)</b></p>  <p>Aire = <math>\frac{c \times h}{2}</math></p>	<p><b>Losange</b> <span style="font-size: small; border: 1px solid black; padding: 2px;">HORS PROGRAMME mais à savoir utiliser...</span></p>  <p>Aire = <math>\frac{D \times d}{2}</math></p>

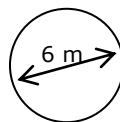
**EXERCICE TYPE 1 Comparer des périmètres et des aires**

On a représenté ci-dessous trois jardins aux formes originales...

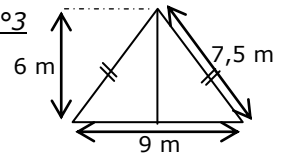
Jardin n°1



Jardin n°2



Jardin n°3



- Lequel de ces jardins permet de planter le plus de légumes ?
- Et lequel nécessite la moins grande longueur de grillage pour le protéger des gourmands lièvres ?

Solution

1. Calculons l'aire de chaque jardin :

$$A_1 = \frac{D \times d}{2} = \frac{8 \times 6}{2} = 24 \text{ m}^2 ; A_2 = \pi \times R \times R = \pi \times 3 \times 3 \approx 28,3 \text{ m}^2 ; A_3 = \frac{c \times h}{2} = \frac{9 \times 6}{2} = 27 \text{ m}^2.$$

C'est le jardin n°2 qui permet de planter le plus de légumes à l'intérieur.

2. Le grillage entoure les jardins. Calculons donc le périmètre de chaque jardin :

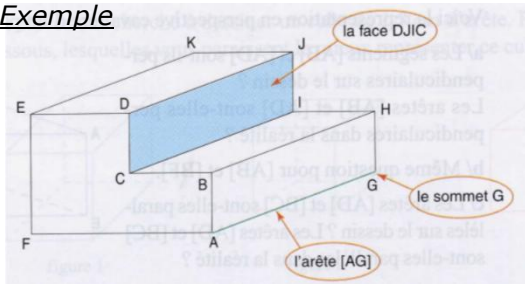
$$P_1 = 4 \times 5 = 20 \text{ m} ; P_2 = 2 \times \pi \times R = 2 \times \pi \times 3 \approx 18,8 \text{ m} ; P_3 = 9 + 7,5 + 7,5 = 24 \text{ m}.$$

C'est donc aussi le jardin n°2 qui nécessite la moins grande longueur de grillage pour le protéger.

## II. Volume des solides de l'espace

### 1. Vocabulaire des solides de l'espace

Exemple



Les points A, B, C, K, I, ... sont des **sommets** du solide.  
 Les segments [AB], [KJ] [HG], ... sont des **arêtes** du solide.  
 ABCDEF, ABGH, ICBH, ... sont des **faces** du solide.

### 2. Volume de quatre solides de l'espace

Formulaire (à connaître par cœur, sauf pour le prisme) :

Volume de solides			
<b>Cube</b>  Volume = $c \times c \times c$	<b>Pavé droit</b> (parallépipède rectangle)  Volume = $L \times l \times h$	<b>Cylindre</b> (de révolution)  Volume = $\pi \times R \times R \times h$	<b>Prisme droit</b> <small>HORS PROGRAMME mais à savoir utiliser...</small>  Volume = $B \times h$ (où B est l'aire de la Base)

### EXERCICE TYPE 2 Comparer des volumes

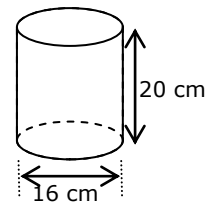
On remplit entièrement d'eau un « vase rectangulaire » de base carrée de côté 12 cm et de hauteur 25 cm.

Pourra-t-on verser toute cette eau dans le vase cylindrique schématisé ci-contre ?

Solution

Pour répondre à la question, il nous faut comparer les volumes des deux vases.

- Calculons le volume  $V_1$  du « vase rectangulaire ».  
 L'expression « rectangulaire » indique que ce vase est un pavé droit.  
 On a donc :  $V_1 = L \times l \times h = 12 \times 12 \times 25 = 3\ 600\text{ cm}^3$ .
- Pour calculer le volume  $V_2$  du vase cylindrique, il nous faut le rayon ( $R = 8\text{ cm}$ ) ainsi que la hauteur ( $h = 20\text{ cm}$ ) :  
 On a donc :  $V_2 = \pi \times R \times R \times h = \pi \times 8 \times 8 \times 20 \approx 4\ 021\text{ cm}^3$ .
- Comme  $3\ 600\text{ cm}^3 < 4\ 021\text{ cm}^3$ , la quantité d'eau présente dans le vase rectangulaire pourra être complètement versée dans le vase cylindrique.



### III. Unités de mesure et conversions

Tableau de conversion des longueurs, aires et volumes

• **Longueurs :**

**En dimension 1 :**  
1 dm = 10 cm

kilo- unité de mille	hecto- centaine	déca- dizaine	UNITE	déci- dixième	centi- centième	milli- millième
km	hm	dam	m	dm	cm	mm
1	5	3	4	2	0	

• **Aires :**

**En dimension 2 :**  
1 dm<sup>2</sup> = 100 cm<sup>2</sup>

km <sup>2</sup>	hm <sup>2</sup>	dam <sup>2</sup>	m <sup>2</sup>	dm <sup>2</sup>	cm <sup>2</sup>	mm <sup>2</sup>
	ha .	a .				
			1	2 0	0 0	
	5 0	0 0	0 0			

• **Volumes :**

**En dimension 3 :**  
1 L = 1 dm<sup>3</sup> = 1 000 cm<sup>3</sup>

m <sup>3</sup>			dm <sup>3</sup>			cm <sup>3</sup>			mm <sup>3</sup>
	hL	daL	L	dL	cL	mL			
4	1	8	0						
			0	0	1	2			
	3	4	6	9					
		3	4	2	0	0			

**EXERCICE TYPE 3**

Convertir et compléter les pointillés.

- 15,342 hm = 1 534, 2 m = 153 420 cm
- 1,20 m<sup>2</sup> = 12 000 cm<sup>2</sup> ; 500 000 m<sup>2</sup> = 50 hm<sup>2</sup> = 50 ha
- 4,18 m<sup>3</sup> = 4 180 dm<sup>3</sup> ; 12 cm<sup>3</sup> = 0,012 dm<sup>3</sup>
- 3,469 hL = 346,9 L = 3469 dL ; 34,2 L = 34,2 dm<sup>3</sup> = 34 200 cm<sup>3</sup> = 34 200 mL

**EXERCICE TYPE 4**

Un vase cylindrique de diamètre 12 cm et de hauteur 9 cm peut-il contenir un litre d'eau ?

Solution

Pour calculer le volume **V** du vase, il nous faut le rayon (**R** = 6 cm) et la hauteur (**h** = 9 cm) :

**V** = π × R × R × h = π × 6 × 6 × 9 ≈ 1 018 cm<sup>3</sup>.

Convertissons cette mesure en dm<sup>3</sup> donc en L : **V** ≈ 1 018 cm<sup>3</sup> = 1,018 dm<sup>3</sup> = 1,018 L.

Comme 1,018 L > 1 L, ce vase peut contenir un litre d'eau.